

# **Fractions**

# EXERCICE 1- CALCULER CES DIFFÉRENTES EXPRESSIONS

Calculer et donner le résultat sous forme de fractions simplifiées.

A = B = B

 $E \equiv$ 

### **EXERCICE 2 - SIMPLIFIER DES FRACTIONS**

Simplifier au maximum les fractions suivantes :

$$A = B$$

### EXERCICE 3 - EXPRESSIONS ET PARENTHÈSES

Effectuer les calculs suivants en pensant à simplifier au préalable les différents facteurs des multiplications

# **EXERCICE 4 - QUOTIENT DE FRACTIONS**

Calculer les quotients suivants :



### EXERCICE 5 - FRACTIONS ET PRIORITÉS

Effectuer les calculs suivants :

$$A = B = C$$

# EXERCICE 6 - CALCULS SIMPLES ET SIMPLIFICATION DE FRACTIONS

Calculer et donner le résultat sous la forme la plus simplifiée possible.

Calculer et donner le la 
$$A = \frac{-5}{6} + \frac{1}{8}$$

$$B = \frac{-11}{8} \times \frac{-6}{-5}$$

$$C = \frac{-7}{6} : \frac{5}{-9}$$

$$D = 7 \times \frac{-2}{5} \times \frac{15}{26}$$

### EXERCICE 7 - CALCULER ET SIMPLIFIER, SI CELA EST POSSIBLE

$$A = \frac{1}{2} + \frac{1}{3}$$

$$B = \frac{-3}{5} \times \frac{1}{2}$$

$$C = \frac{3}{4} : \frac{5}{7}$$

# EXERCICE 8 - PROBLÈME

Jean possède une certaine somme d'argent. Il en utilise 1/4 pour l'achat de vêtements, 1/10 pour l'achat d'un livre, et 1/3 pour la réparation de son scooter. Il lui reste alors 19 euros.

- 1) Quelle fraction de la somme d'argent a-t-il dépensé?
- 2) Déduis-en la fraction de la somme qu'il n'a pas dépensé.
- 3) Quelle somme d'argent possèdait-il au début ?
- 4) Calcule le montant de chacune de ses dépenses.

# EXERCICE 9 - PROBLÈME SUR LE RÉSERVOIR D'ESSENCE

Lionel a vidé  $\frac{5}{8}$  de son réservoir .

Pour remplir à nouveau son réservoir, il ajoute 37,5 L d'essence.

Quelle est la capacité maximale de son réservoir ?

### EXERCICE 10 - PROBLÈME SUR LES FRACTIONS ET ÂGE

1. Quand on lui demande son âge, Grégoire répond :

Ajoute 2 au quotient de 3 par  $\frac{1}{4}$  et tu obtiendras mon âge.

Quel est l'âge de Grégoire ?

2. A la même question, Charlotte répond :

<< Soustrais à 30 le quotient de 2 par  $\frac{1}{7}$  et tu obtiendras mon âge .>>

Quel est l'âge de Charlotte?

### EXERCICE 11 - SÉJOUR DE VACANCES

Pour transporter un groupe de voyageur, l'organisateur d'un séjour de vacance dispose de cinq autocars.

La répartition des voyageurs s'effectue de la façon suivante :

Un cinquième des voyageurs monte dans le premier autocar ;

Le guart des personnes restante monte dans le deuxième autocar ;

Le tiers des autres personnes monte dans le troisième autocar ;

La moitié des dernières personnes monte dans le quatrième autocar.

Les derniers touristes montent dans le cinquième autocar.

Les voyageurs ont ils été équitablement repartis entre les cinq autocars ?

Justifier la réponse.



# **EXERCICE 12 - USINE ITALIENNE**

Une usine Italienne exporte  $\frac{3}{5}$  des ses produits vers l'Espagne et  $\frac{2}{3}$  de ce qui reste vers Paris.

Puis le reste est distribué en Italie.

Quelle proportion de produit est vendue en Italie?



# **EXERCICE 13 - PAQUET DE BONBONS**

Marylise, Martin et Juliette se partagent un paquet de bonbons.

Marylise se sert la première, elle prend  $\frac{3}{5}$  des bonbons contenus dans le paquet. Martin prend  $\frac{1}{3}$  de ce qu' laissé Marylise.

Juliette vide le paquet.

- 1° Quelle proportion de bonbons Martín a-t-il pris?
- 2° Quelle proportion de bonbons reste-t-il à Juliette?
- 3° Sachant qu'il y avait 75 bonbons dans le paquet, combien de bonbons chaque enfant a-t-il- pris ?



### EXERCICE 14 - CONSTITUTION DE L'AIR

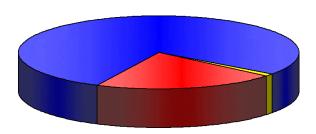
L'air est constitué de :

$$\frac{39}{50}$$
 de diazote de  $\frac{1}{5}$  de dioxygène et des gaz rares.

- 1. Quelle est la proportion de gaz rares contenu dans l'air?
- 2° L'argon est l'un des gaz rares, il représente  $\frac{9}{10}$  des gaz rares contenus dans l'air.
- a) Quelle est la proportion d'argon dans l'air?
- b) Quel est le volume (en centilitre) d'argon contenu dans 2 litres d'air?

### LA COMPOSITION DE L'AIR

■Dioxygène (21 %) ■ Diazote (78 %) □Gaz rares (1 %)



### **EXERCICE 15 - ECONOMIES**

Alexandra a dépensé le quart des deux tiers de ses

économies pour l'anniversaire de son frère.

Quelle fraction de ses économies a-t-elle dépensée ?

# EXERCICE 16 - PROBLÈME DE CHOCOLAT

René et Rémi ont deux tablettes de chocolat identiques.

René a mangé  $\frac{1}{4}$  des  $\frac{2}{3}$  de la première tablette. Rémi a mangé  $\frac{1}{2}$  des  $\frac{1}{3}$  de la deuxième tablette.

Lequel des deux a mangé le plus de chocolat ?

# EXERCICE 17 - TABLETTE DE CHOCOLAT

Thomas et Tom ont deux tablettes de chocolat identiques.

Thomas a mangé  $\frac{1}{4}$  des  $\frac{5}{6}$  de la première tablette.

Tom a mangé  $\frac{1}{2}$  des  $\frac{3}{4}$  de la deuxième tablette.

- a) Quelle fraction d'une tablette a mangé Thomas?
- b) Quelle fraction d'une tablette a mangé Tom?
- c) Lequel a mangé le plus de chocolat ?

# **EXERCICE 18 - LANGUES VIVANTES**

Dans un collège, les élèves de quatrième peuvent choisir comme deuxième langue vivante l'anglais, l'allemand, l'espagnol ou le chinois.

Cette année,  $\frac{1}{2}$  des élèves ont choisi l'anglais,

 $\frac{1}{6}$  des élèves ont choisi l'allemand et  $\frac{1}{9}$  des élèves ont choisi le chinois.

Calculer la proportion des élèves qui ont choisi l'espagnol.

# EXERCICE 19 - PROBLÈME LECTURE DE LIVRES

Au retour des vacances de Toussaint, Anne-Laure la documentaliste, fait un sondage au près des élèves d'une classe de 5ème.

- $\frac{1}{a}$  des élèves de la classe n'a lu aucun livre.
- $\frac{1}{3}$  des élèves de la classe a lu un livre.
- $\frac{5}{12}$  des élèves de la classe ont lu deux livres.
- $\frac{1}{12}$  des élèves de la classe a lu trois livres ou plus de trois livres.
- 1. Vérifier par un calcul que tous les élèves de la classe ont participé au sondage.
- 2. Peut-on dire que?
- 3. Des élèves de la classe ont lu un ou deux livres ?

# EXERCICE 20 - PROBLÈME DU PROFESSEUR DE FRANÇAIS

Le professeur de français de Juliette lui a demandé de lire  $\frac{4}{r}$  d'un roman pour son cours de français.

Pour l'instant, elle a lu  $\frac{1}{3}$  de ce roman.

Quelle est la proportion du roman qui lui reste à lire pour son cours de français ?

# EXERCICE 21 - PROBLÈME SUR LES ÉLECTIONS DES DÉLÉGUÉS

Lors de l'élection des délégués de classe,  $\frac{1}{20}\,\mathrm{des}\;\mathrm{élèves}\;\mathrm{\acute{e}taient}\;\mathrm{absents}\;\mathrm{et}\,\frac{1}{6}\;\mathrm{des}\;\mathrm{\acute{e}l\grave{e}ves}\;\mathrm{ont}\;\mathrm{vot\acute{e}}\;\mathrm{blanc}.$ 

Quelle est la proportion des élèves de cette classe n'ayant pas voté pour un candidat ?

EXERCICE 22 - OPÉRATION SUR LES FRACTIONS ET PARENTHÈSES On donne : 
$$C,=\frac{-2}{3}\times (\frac{4}{5}-,\frac{-3}{20})$$

- 1. Quelle opération est prioritaire pour calculer C?
- 2. Calculer C en simplifiant dès que possible.

### **EXERCICE 23 - ADDITION ET MULTIPLICATION**

On donne 
$$A=\frac{12}{5}+\frac{3}{5} imes \frac{7}{9}$$

- 1. Quelle opération est prioritaire pour calculer A?
- 2. Calculer A en simplifiant dès que possible.

### EXERCICE 24 - ADDITION ET SOUSTRACTION DE FRACTIONS

Effectuer les calculs suivants :

$$A = \frac{5}{7} + \frac{13}{7} \qquad B = \frac{2}{3} - \frac{8}{3}$$

$$C = \frac{5}{3} + \frac{15}{2} \qquad D = \frac{3}{7} + \frac{4}{3}$$

$$E = \frac{-12}{5} + \frac{28}{2} \qquad F = \frac{-5}{3} - \frac{3}{4}$$

$$G = \frac{5}{2} + \frac{4}{3} - \frac{5}{6}$$

# **EXERCICE 25 - CALCUL FRACTIONNAIRE**

Calculer les expressions suivantes : 
$$A = \frac{-1}{2} \times \frac{-3}{4} \times \frac{5}{6} \times \frac{7}{-10}$$

$$B = \frac{7}{6} + \frac{5}{4} - \frac{13}{12}$$

$$C = -\frac{3}{2} - \frac{5}{3} - \frac{2}{5}$$

$$D = \frac{3 - \frac{5}{2}}{1 + \frac{1}{5}}$$

EXERCICE 26 - CALCULER CETTE EXPRESSION ET DONNER FRACTION IRRÉDUCTIBLE 
$$I=(2+\frac{4}{5}-\frac{7}{10})\times(\frac{7}{2}-\frac{3}{5})$$

EXERCICE 27 - QUOTIENT On donne 
$$F=2-\frac{3+\frac{1}{3}}{2-\frac{1}{2}}$$
 .

Calculer F et donner le résultat sous forme d'une fraction irréductible .

# **EXERCICE 28 - DIVISION DE FRACTIONS**

On donne 
$$C=rac{rac{5}{6}-rac{6}{4}}{rac{5}{8}}$$
 .

Calculer C et donner le résultat sous forme d'une fraction irréductible .

# EXERCICE 29 - PROBLÈME D'ORIENTATION

A la fin du collège on constate que la moitié des élèves entre en seconde générale et technologique,  $\frac{5}{12}$  des élèves entrent en seconde professionnelle et le reste des autres élèves redoublent.

Calculer la fraction des élèves qui redoublent.

# EXERCICE 30 - PROBLÈME TRIATHLON

Pascal participe à un triathlon.

 $\frac{1}{24}$  de la distance totale se parcourt à la nage.

 $\frac{1}{3}$  de la distance totale se fait en courant.

Le reste s'effectue en vélo-

Quelle fraction de la distance totale est parcourue en vélo ?



### EXERCICE 31 - PROBLÈME DE TABLETTE DE CHOCOLAT

Le matin, Pierre, mange  $\frac{1}{4}$  de la tablette, le midi il mange  $\frac{2}{5}$  de la tablette.

Le soir il mange le reste de la tablette.

- 1. Quelle fraction de la tablette mange-t-il le soir ?
- 2. Sachant que la masse d'une tablette est 240 g.

Calculer la masse de chocolat que mange Pierre le matin, le midi et le soir.



# **EXERCICE 32 - TIMBRES**

Juliette possède 2057 timbres.

- $\frac{3}{11}$  des timbres sont des timbres étrangers.
- $\frac{5}{17}$  des timbres étrangers sont des timbres allemands.

Combien de timbres allemands Juliette possède-t-elle?



### EXERCICE 33 - BOUTEILLE D'EAU

Ce matin, Sabine a ouvert une bouteille de 1,5 L d'eau.

Elle a bu les  $\frac{2}{5}$  de la bouteille. A midi, elle a bu les  $\frac{2}{3}$  du reste.

L'après midi elle termine la bouteille.

Calculer le volume d'eau bue par sabine l'après midi.



# EXERCICE 34 - JEU TÉLÉVISÉ

80 candidats participent à un jeu télévisés.

A la fin de la première semaine, le quart des candidats est éliminé.

A la fin de la deuxième semaine, le deux tiers de ceux qui restent sont éliminés.

A la fin de la troisième semaine, les trois cinquièmes restants sont éliminés.

Calculer le nombre de candidats qui participeront à la finale pendant la quatrième semaine.



### **EXERCICE 35 - MASSE DE CERISES**

En 2006, la masse de cerise produite en France était de 68 000 tonnes.

On a récolté  $\frac{7}{20}$  de cette production dans la région Provence-Alpes-Côte d'azur.

Calculer de deux façons différentes la masse des cerises récoltées dans les autres régions en 2006.



- EXERCICE 36 PRODUIT D'UN NOMBRE PAR UNE FRACTION 1. Ecrire les fractions  $\frac{3}{5}$  et  $\frac{11}{20}$  sous forme d'un pourcentage puis comparer ces deux fractions.
- 2. Dans le village A,  $\frac{3}{5}$  des 1030 électeurs ont voté pour Monsieur A.

Dans le village B,  $\frac{11}{20}$  des 1140 votants ont voté pour Madame B.

Qui de Monsieur A ou de Madame B a obtenu le plus de voix lors de ces élections ?

# Justifier la réponse.

# EXERCICE 37 - LA CAFETIÈRE

Ma cafetière contenait un litre de café .

Alfred en a bu les  $\frac{3}{5}$  quand je dormais

et Hector les  $\frac{2}{7}$  pendant que je téléphonais .

Quelle fraction de litre m'en reste t-il?

### **EXERCICE 38 - LA TARTE**

Un tiers d'une tarte a déjà été mangé .

Antonin prend les  $\frac{3}{4}$  du reste de la tartre .

Quelle fraction de la tarte a-t-il prise?

### EXERCICE 39 - CALCULER LES EXPRESSIONS NUMÉRIQUES SUIVANTES

Donner le résultat sous la forme d'une fraction irréductible.

$$H = \frac{5}{3} - \frac{5}{7} \times (2 + \frac{1}{3})^{2}$$

$$I = \frac{8}{3} \times \frac{8}{5} - \frac{7}{5} \times 2$$

$$J = -3 + \frac{-5 - (-7)}{-4 - 5}$$

