

# La dérivation.

M.hamraoui <http://www.mathovore.fr>

## Dérivée et primitives des fonctions usuelles

f(x)	f'(x)	Intervalle de validité
k	0	$]-\infty; +\infty[$
x	1	$]-\infty; +\infty[$
$x^n, n \in \mathbb{N}^*$	$nx^{n-1}$	$]-\infty; +\infty[$
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	$]-\infty; 0[ \cup ]0; +\infty[$
$\frac{1}{x^n}, n \in \mathbb{N}^*$	$-\frac{n}{x^{n+1}}$	$]-\infty; 0[ \cup ]0; +\infty[$
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	$]0; +\infty[$
$x^\alpha, \alpha \in \mathbb{R}$	$\alpha x^{\alpha-1}$	$]0; +\infty[$
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	$]0; +\infty[$
$e^x$	$e^x$	$]-\infty; +\infty[$
$\cos(x)$	$-\sin(x)$	$]-\infty; +\infty[$
$\sin(x)$	$\cos(x)$	$]-\infty; +\infty[$
$e^{rx}, r = \alpha + i\beta$	$re^{rx}$	$]-\infty; +\infty[$

## Opérations sur les dérivées

$$(f+g)' = f' + g'$$

$$(kf)' = kf'$$

$$(fg)' = f'g + fg'$$

$$\left(\frac{1}{f}\right)' = -\frac{f'}{f^2}$$

$$\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f'g - fg'}{g^2}$$

$$(g \circ f)' = (g' \circ f)f'$$

$$(e^u)' = u'e^u$$

$$(\ln u)' = \frac{u'}{u}, u \text{ à valeurs strictement positives.}$$